

No.4 等加速度運動の式

1. 加速度の定義 一直線上を一定の加速度で運動する物体について、次の問いに答えよ。ただし、右向きを正の向きとし、速度や加速度の向きは符号で答えよ。

【例題】次のように運動する物体の加速度を求めよ。
左向きに2.0m/sの速さであった物体が5.0s後には右向きに8.0m/sの速さになった。

解 初速度 v_0 [m/s] の物体が、加速度 a [m/s²] で運動して、 t [s] 間で速度 v [m/s] に達するとすると、 $a = \frac{v - v_0}{t}$ なので、

$$a = \frac{(+8.0) - (-2.0)}{5.0} = \underline{\underline{+2.0 \text{ m/s}^2}}$$

(1) 次のように運動する物体の加速度を求めよ。

① 右向きに3.0m/sの速さであった物体が2.0s後には右向きに9.0m/sの速さになった。

② 右向きに6.0m/sの速さであった物体が2.5s後には静止した。

③ 右向きに4.0m/sの速さであった物体が3.0s後には左向きに8.0m/sの速さになった。

④ 左向きに24m/sの速さであった物体が5.0s後には左向きに12m/sの速さになった。

⑤ 左向きに5.8m/sの速さであった物体が6.0s後には右向きに1.4m/sの速さになった。

2. 時間と速度の関係 一直線上を一定の加速度で運動する物体について、次の問いに答えよ。ただし、右向きを正の向きとし、速度や加速度の向きは符号で答えよ。

【例題】右向きに1.0m/sの速さであった物体が、3.0s後には右向きに7.0m/sの速さになった。

① 加速度を求めよ。

② 5.0s後の速度を求めよ。

③ 右向きに6.0m/sの速さになるまでの時間を求めよ。

解 ① 加速度 $a = \frac{(+7.0) - (+1.0)}{3.0} = \underline{+2.0 \text{ m/s}^2}$

② 速度 $v = v_0 + at$ より、 $v = (+1.0) + (+2.0) \times 5.0 = \underline{+11 \text{ m/s}}$

③ 時間 $t = \frac{(+6.0) - (+1.0)}{2.0} = \underline{2.5 \text{ s}}$

(1) 右向きに2.0m/sの速さであった物体が、4.0s後には右向きに8.0m/sの速さになった。

① 加速度を求めよ。

② 5.0s後の速度を求めよ。

③ 右向きに14m/sの速さになるまでの時間を求めよ。

(2) 右向きに7.0m/sの速さであった物体が、2.0s後には右向きに3.0m/sの速さになった。

① 加速度を求めよ。

② 3.0s後の速度を求めよ。

③ 静止する(速さが0m/sになる)までの時間を求めよ。

(3) 静止していた物体が、2.0s後には右向きに7.0m/sの速さになった。

① 加速度を求めよ。

② 6.0s後の速度を求めよ。

③ 右向きに12.6m/sの速さになるまでの時間を求めよ。

(4) 右向きに5.0m/sの速さであった物体が、3.0s後には左向きに4.0m/sの速さになった。

① 加速度を求めよ。

② 4.0s後の速度を求めよ。

③ 左向きに9.4m/sの速さになるまでの時間を求めよ。

3. 時間と変位の関係 x軸上を一定の加速度で運動する物体について、次の問いに答えよ。ただし、時刻はtで表し、 $t \geq 0$ [s]とする。また、変位や速度、加速度の向きは、符号で示せ。

【例題】物体は、正の向きに 1.0m/s^2 の加速度で運動し、 $t=0$ [s]に原点Oを正の向きに 2.0m/s の速さで通過した。 $t=4.0$ [s]での原点Oからの変位を求めよ。

【解】初速度 v_0 [m/s]、一定の加速度 a [m/s²]で運動する物体の時刻t [s]における原点Oからの変位をx [m]とすると、

$$x = v_0 t + \frac{1}{2} a t^2 \text{ なので,}$$

$$x = (+2.0) \times 4.0 + \frac{1}{2} \times (+1.0) \times 4.0^2 = \underline{\underline{+16 \text{ m}}}$$

(1) 物体Aは、正の向きに 1.5m/s^2 の加速度で運動し、 $t=0$ [s]に原点Oを正の向きに 4.0m/s の速さで通過した。

① $t=2.0$ [s]でのAの原点Oからの変位を求めよ。

② $t=6.0$ [s]でのAの原点Oからの変位を求めよ。

(2) 物体Bは、負の向きに 2.0m/s^2 の加速度で運動し、 $t=0$ [s]に原点Oを正の向きに 3.0m/s の速さで通過した。

① $t=2.0$ [s]でのBの原点Oからの変位を求めよ。

② $t=6.0$ [s]でのBの原点Oからの変位を求めよ。

(3) 物体Cは、原点Oで静止していたが、 $t=0$ [s]に正の向きに 3.0m/s^2 の加速度で運動を始めた。 $t=2.0$ [s]でのCの原点Oからの変位を求めよ。

※(4)から問題のタイプが変わります。

【例題】物体は、正の向きに 2.0m/s^2 の加速度で運動し、 $t=0[\text{s}]$ に原点Oを正の向きに 3.0m/s の速さで通過した。物体の原点Oからの変位が $+4.0\text{m}$ になる時刻を求めよ。

解 $+4.0 = (+3.0) \times t + \frac{1}{2} \times (+2.0) \times t^2$ が成り立つ。

$$t^2 + 3.0t - 4.0 = 0 \quad t = 1.0, -4.0$$

$t \geq 0[\text{s}]$ なので、 $t = \underline{1.0\text{s}}$

(4) (1)のAの原点Oからの変位が $+28\text{m}$ になる時刻を求めよ。

(5) (2)のBが再び原点Oを通過する時刻を求めよ。

(6) (3)のCの原点Oからの変位が $+24\text{m}$ になる時刻を求めよ。

(7) 物体Dは、正の向きに 1.5m/s^2 の加速度で運動し、 $t=0[\text{s}]$ に原点Oを通過して、 $t=2.0[\text{s}]$ での原点Oからの変位は $+7.0\text{m}$ であった。Dが原点を通過したときの速度を求めよ。

(8) 物体Eは、正の向きに 2.0m/s^2 の加速度で運動し、 $t=0[\text{s}]$ に原点Oを通過して、 $t=2.0[\text{s}]$ での原点Oからの変位は $+6.0\text{m}$ であった。

① Eが原点を通過したときの速度を求めよ。

② $t=5.0[\text{s}]$ でのEの原点Oからの変位を求めよ。

③ Eの原点Oからの変位が $+20\text{m}$ になる時刻を求めよ。

(9) 物体Fは、 $t=0[s]$ に原点Oを正の向きに 2.0m/s の速さで通過し、 $t=2.0[s]$ での原点Oからの変位は $+8.0\text{m}$ であった。Fの加速度を求めよ。

(10) 物体Gは、 $t=0[s]$ に原点Oを正の向きに 3.0m/s の速さで通過し、 $t=2.0[s]$ での原点Oからの変位は $+4.0\text{m}$ であった。

① Gの加速度を求めよ。

② $t=3.0[s]$ でのGの原点Oからの変位を求めよ。

② Gが再び原点Oを通過する時刻を求めよ。

(11) 物体I は、 $t=0[s]$ に原点Oを正の向きに 1.0m/s の速さで通過し、 $t=4.0[s]$ には負の向きに 3.0m/s の速さになった。。

① I の加速度を求めよ。

② I が静止する時刻を求めよ。

③ $t=4.0[s]$ でのIの原点Oからの変位を求めよ。

④ $t=0[s]$ から $t=4.0[s]$ の間のIの移動距離を求めよ。

4. 変位と速度の関係 x軸上を一定の加速度で運動する物体について、次の問いに答えよ。ただし、時刻は t で表し、 $t \geq 0$ [s]とする。また、変位や速度、加速度の向きは、符号で示せ。

【例題】物体は、 $t=0$ [s]に原点Oを正の向きに2.0m/sの速さで通過し、変位+3.0mで正の向きに4.0m/sの速さになった。

- ① この物体の加速度を求めよ。
- ② 物体が正の向きに6.0m/sの速さになったときの変位を求めよ。

解 ① 一定の加速度 a [m/s²]で運動する物体が速度 v [m/s] になったときの変位 x [m]は、初速度を v_0 [m/s]とすると、 $v^2 - v_0^2 = 2ax$ より、

$$(+4.0)^2 - (+2.0)^2 = 2 \times a \times (+3.0) \quad a = \underline{+2.0 \text{ m/s}^2}$$

$$\text{② } (+6.0)^2 - (+2.0)^2 = 2 \times (+2.0) \times x \quad x = \underline{+8.0 \text{ m}}$$

(1) 物体Aは、 $t=0$ [s]に原点Oを正の向きに1.0m/sの速さで通過し、原点Oからの変位+2.0mで正の向きに+5.0m/sの速さになった。

- ① Aの加速度を求めよ。

② Aが正の向きに7.0m/sの速さになったときの原点Oからの変位を求めよ。

(2) 物体Bは、 $t=0$ [s]に原点Oを正の向きに5.0m/sの速さで通過し、原点Oからの変位が+8.0mのとき負の向きに1.0m/sの速さになった。

- ① Bの加速度を求めよ。

② Bが正の向きに2.0m/sの速さになったときの原点Oからの変位を求めよ。

(3) 物体Cは、 $t=0$ [s]に原点Oで静止していたが、原点Oからの変位+5.0mで正の向きに5.0m/sの速さになった。

- ① Cの加速度を求めよ。

② Cが正の向きに20m/sの速さになったときの原点Oからの変位を求めよ。

③ Cの原点Oからの変位が+45mになったときの速度を求めよ。

(4) 物体Dは、負の向きに 2.0m/s^2 の加速度で運動し、 $t=0[\text{s}]$ に原点Oを正の向きに 8.0m/s の速さで通過した。

① Dが正の向きに 4.0m/s の速さになったときの原点Oからの変位を求めよ。

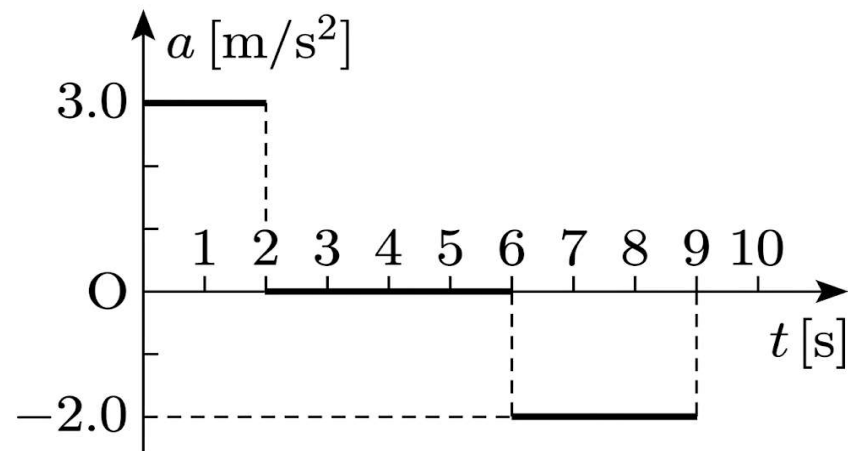
② Dの原点Oからの変位が初めて $+7.0$ になったときの速度を求めよ。

③ Dが静止するときの変位を求めよ。

③ Dが $t=0[\text{s}]$ から再び原点Oを通過するまでの移動距離を求めよ。

これより 時間調整の問題

1 図は、止まっていたエレベーターが上昇し、停止するまでの加速度 $a[\text{m/s}^2]$ の時間変化を表したグラフである。



(1) エレベーターの上昇距離 $x[\text{m}]$ と時間 $t[\text{s}]$ との関係をグラフに表せ。



【ヒント】各区間の距離と時間の関係を数式で表現してみる。

2 直線上の高速道路を速さ 18.0m/s で走っていた自動車Bの運転手は、前方に低速の自動車Aを発見し、ブレーキをかけて一定の加速度で減速し始めた。ブレーキをかけた瞬間を時刻 $t=0\text{s}$ とすると、Bは $t=2.0\text{s}$ に速さ 12.0m/s になった。

一方、速さ 4.0m/s の等速で進んでいたAは $t=2.0\text{s}$ の瞬間からアクセルを踏んで一定の加速度で加速し始めた。その結果、 $t=4.0\text{s}$ のとき、車間距離は最も短くなって 2.0m となり、衝突をまぬがれた。A、Bの進行方向を正とする。



(1) まずBの加速度 $a_{B[\text{m/s}^2]}$ を、次に $t=2.0\text{s}$ 以後のAの加速度 $a_{A[\text{m/s}^2]}$ を求めよ。

(2) $t=2.0\text{s}$ の瞬間のAとBの車間距離 $l[\text{m}]$ を求めよ。

【ヒント】 $v-t$ 図を作成し、AとBの運動をグラフに整理してからAとBの運動を吟味する。

解説動画→



1. 加速度の定義

$$(1)① \quad a = \frac{(+9.0) - (+3.0)}{2.0} = \frac{+6.0}{2.0} = +3.0 [\text{m/s}^2]$$

答 +3.0 m/s²

$$② \quad a = \frac{0 - (+6.0)}{2.5} = \frac{-6.0}{2.5} = -2.4 [\text{m/s}^2]$$

答 -2.4 m/s²

$$③ \quad a = \frac{(-8.0) - (+4.0)}{3.0} = \frac{-12.0}{3.0} = -4.0 [\text{m/s}^2]$$

答 -4.0 m/s²

$$④ \quad a = \frac{(-12) - (-24)}{5.0} = \frac{+12}{5.0} = +2.4 [\text{m/s}^2]$$

答 +2.4 m/s²

$$⑤ \quad a = \frac{(+1.4) - (-5.8)}{6.0} = \frac{+7.2}{6.0} = +1.2 [\text{m/s}^2]$$

答 +1.2 m/s²

2. 時間と速度の関係

$$(1)① \quad a = \frac{(+8.0) - (+2.0)}{4.0} = \frac{+6.0}{4.0} = +1.5 [\text{m/s}^2]$$

答 +1.5 m/s²

$$② \quad v = (+2.0) + (+1.5) \times 5.0 = +9.5 [\text{m/s}]$$

答 +9.5 m/s

$$③ \quad t = \frac{(+14) - (+2.0)}{+1.5} = \frac{+12}{+1.5} = 8.0 [\text{s}]$$

答 8.0 s

$$(2)① \quad a = \frac{(+3.0) - (+7.0)}{2.0} = \frac{-4.0}{2.0} = -2.0 [\text{m/s}^2]$$

答 -2.0 m/s²

$$② \quad v = (+7.0) + (-2.0) \times 3.0 = +1.0 [\text{m/s}]$$

答 +1.0 m/s

$$③ \quad t = \frac{0 - (+7.0)}{-2.0} = \frac{-7.0}{-2.0} = 3.5 [\text{s}]$$

答 3.5 s

$$(3)① \quad a = \frac{(+7.0) - 0}{2.0} = \frac{+7.0}{2.0} = +3.5 [\text{m/s}^2]$$

答 +3.5 m/s²

$$② \quad v = 0 + (+3.5) \times 6.0 = +21 [\text{m/s}]$$

答 +21 m/s

$$③ \quad t = \frac{(+12.6) - 0}{+3.5} = \frac{+12.6}{+3.5} = 3.6 [\text{s}]$$

答 3.6 s

$$(4)① \quad a = \frac{(-4.0) - (+5.0)}{3.0} = \frac{-9.0}{3.0} = -3.0 [\text{m/s}^2]$$

答 -3.0 m/s²

$$② \quad v = (+5.0) + (-3.0) \times 4.0 = -7.0 [\text{m/s}]$$

答 -7.0 m/s

$$③ \quad t = \frac{(-9.4) - (+5.0)}{-3.0} = \frac{-14.4}{-3.0} = 4.8 [\text{s}]$$

答 4.8 s

$$(5)① \quad a = \frac{(+4.5) - (-1.5)}{5.0} = \frac{+6.0}{5.0} = +1.2 [\text{m/s}^2]$$

[答] +1.2 m/s²

$$② \quad v = (-1.5) + (+1.2) \times 7.0 = +6.9 [\text{m/s}]$$

[答] +6.9 m/s

$$③ \quad t = \frac{(+1.5) - (-1.5)}{+1.2} = \frac{+3.0}{+1.2} = 2.5 [\text{s}]$$

[答] 2.5 s

3. 時間と変位の関係

(1)① A の原点 O からの変位を $x[\text{m}]$ とすると、

$$x = (+4.0) \times 2.0 + \frac{1}{2} \times (+1.5) \times 2.0^2$$

$$= +8.0 + (+3.0) = +11 [\text{m}]$$

[答] +11 m

② A の原点 O からの変位を $x[\text{m}]$ とすると、

$$x = (+4.0) \times 6.0 + \frac{1}{2} \times (+1.5) \times 6.0^2$$

$$= +24 + (+27) = +51 [\text{m}]$$

[答] +51 m

(2)① B の原点 O からの変位を $x[\text{m}]$ とすると、

$$x = (+3.0) \times 2.0 + \frac{1}{2} \times (-2.0) \times 2.0^2$$

$$= +6.0 + (-4.0) = +2.0 [\text{m}]$$

[答] +2.0 m

② B の原点 O からの変位を $x[\text{m}]$ とすると、

$$x = (+3.0) \times 6.0 + \frac{1}{2} \times (-2.0) \times 6.0^2$$

$$= +18 + (-36) = -18 [\text{m}]$$

[答] -18 m

(3) C の原点 O からの変位を $x[\text{m}]$ とすると、

$$x = 0 \times 2.0 + \frac{1}{2} \times (+3.0) \times 2.0^2$$

$$= 0 + (+6.0) = +6.0 [\text{m}]$$

[答] +6.0 m

(4) $+28 = (+4.0) \times t + \frac{1}{2} \times (+1.5) \times t^2$

$$3.0t^2 + 16t - 112 = 0 \quad t = 4.0, -\frac{28}{3}$$

$t \geq 0$ なので、 $t = 4.0 [\text{s}]$

[答] 4.0 s

(5) $0 = (+3.0) \times t + \frac{1}{2} \times (-2.0) \times t^2$

$$t^2 - 3.0t = 0 \quad t = 0, 3.0$$

$t > 0$ なので、 $t = 3.0 [\text{s}]$

[答] 3.0 s

(6) $+24 = 0 \times t + \frac{1}{2} \times (+3.0) \times t^2$

$$\frac{3.0}{2} t^2 = 24 \quad t = \pm 4.0$$

$t \geq 0$ なので、 $t = 4.0 [\text{s}]$

[答] 4.0 s

$$(7) \quad +7.0 = v_0 \times 2.0 + \frac{1}{2} \times (+1.5) \times 2.0^2$$

$$2.0v_0 = +7.0 - (+3.0) = +4.0 \quad v_0 = +2.0[\text{m/s}]$$

答 +2.0 m/s

$$(8)① \quad +6.0 = v_0 \times 2.0 + \frac{1}{2} \times (+2.0) \times 2.0^2$$

$$2.0v_0 = +6.0 - (+4.0) = +2.0 \quad v_0 = +1.0[\text{m/s}]$$

答 +1.0 m/s

② E の原点 O からの変位を $x[\text{m}]$ とすると、

$$x = (+1.0) \times 5.0 + \frac{1}{2} \times (+2.0) \times 5.0^2$$

$$= +5.0 + (+25) = +30[\text{m}]$$

答 +30 m

③ $+20 = (+1.0) \times t + \frac{1}{2} \times (+2.0) \times t^2$

$$t^2 + t - 20 = 0 \quad t = 4.0, -5.0$$

$t \geq 0$ なので、 $t = 4.0[\text{s}]$

答 4.0 s

(9) $+8.0 = (+2.0) \times 2.0 + \frac{1}{2} \times a \times 2.0^2$

$$2.0a = +8.0 - (+4.0) = +4.0 \quad a = +2.0[\text{m/s}^2]$$

答 +2.0 m/s²

(10)① $+4.0 = (+3.0) \times 2.0 + \frac{1}{2} \times a \times 2.0^2$

$$2.0a = +4.0 - (+6.0) = -2.0 \quad a = -1.0[\text{m/s}^2]$$

答 -1.0 m/s²

② G の原点 O からの変位を $x[\text{m}]$ とすると、

$$x = (+3.0) \times 3.0 + \frac{1}{2} \times (-1.0) \times 3.0^2$$

$$= +9.0 + (-4.5) = +4.5[\text{m}]$$

答 +4.5 m

③ $0 = (+3.0) \times t + \frac{1}{2} \times (-1.0) \times t^2$

$$t^2 - 6.0t = 0 \quad t = 0, 6.0$$

$t > 0$ なので、 $t = 6.0[\text{s}]$

答 6.0 s

(11)① $a = \frac{-3.0 - (+1.0)}{4.0} = \frac{-4.0}{4.0} = -1.0[\text{m/s}^2]$

答 -1.0 m/s²

② $t = \frac{0 - (+1.0)}{-1.0} = \frac{-1.0}{-1.0} = 1.0[\text{s}]$

答 1.0 s

③ I の原点 O からの変位を $x[\text{m}]$ とすると、

$$x = (+1.0) \times 4.0 + \frac{1}{2} \times (-1.0) \times 4.0^2$$

$$= +4.0 + (-8.0) = -4.0[\text{m}]$$

答 -4.0 m

4. 変位と速度の関係

(1)① 加速度を $a[\text{m/s}^2]$ として,

$$(+5.0)^2 - (+1.0)^2 = 2 \times a \times (+2.0)$$

$$a = +6.0[\text{m/s}^2]$$

答 +6.0 m/s²

② 変位を $x[\text{m}]$ として,

$$(+7.0)^2 - (+1.0)^2 = 2 \times (+6.0) \times x$$

$$x = +4.0[\text{m}]$$

答 +4.0 m

(2)① 加速度を $a[\text{m/s}^2]$ として,

$$(-1.0)^2 - (+5.0)^2 = 2 \times a \times (+8.0)$$

$$a = -1.5[\text{m/s}^2]$$

答 -1.5 m/s²

② 変位を $x[\text{m}]$ として,

$$(+2.0)^2 - (+5.0)^2 = 2 \times (-1.5) \times x$$

$$x = +7.0[\text{m}]$$

答 +7.0 m

(3)① 加速度を $a[\text{m/s}^2]$ として,

$$(+5.0)^2 - 0^2 = 2 \times a \times (+5.0)$$

$$a = +2.5[\text{m/s}^2]$$

答 +2.5 m/s²

② 変位を $x[\text{m}]$ として,

$$(+20)^2 - 0^2 = 2 \times (+2.5) \times x$$

$$x = +80[\text{m}]$$

答 +80 m

③ 速度を $v[\text{m/s}]$ として,

$$v^2 - 0^2 = 2 \times (+2.5) \times (+45)$$

$$v = \pm 15$$

条件より, $v = +15[\text{m/s}]$ が適している。

答 +15 m/s

(4)① 変位を $x[\text{m}]$ として,

$$(+4.0)^2 - (+8.0)^2 = 2 \times (-2.0) \times x$$

$$x = +12[\text{m}]$$

答 +12 m

② 速度を $v[\text{m/s}]$ として,

$$v^2 - (+8.0)^2 = 2 \times (-2.0) \times (+7.0)$$

$$v = \pm 6.0$$

条件より, $v = +6.0[\text{m/s}]$ が適している。

答 +6.0 m/s

③ 変位を $x[\text{m}]$ として,

$$0^2 - (+8.0)^2 = 2 \times (-2.0) \times x$$

$$x = +16[\text{m}]$$

答 +16 m

④ ③より, 変位 $x = 16[\text{m}]$ のとき, D は静止し, 運動の向きを変え, 原点 O に戻ってくるので, その移動距離は, $16 \times 2 = 32[\text{m}]$

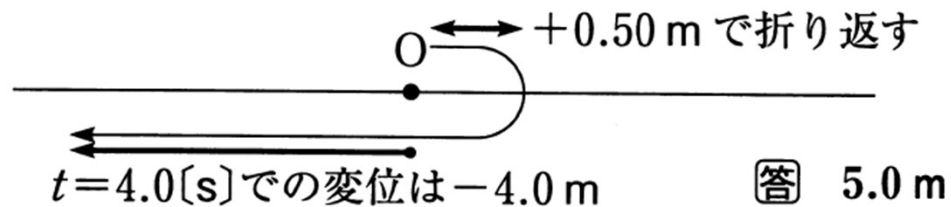
答 32 m

- ④ ②より、Iが静止するまでの時間は1.0sだから、そのときの原点Oからの変位を x [m]とすると、

$$x = (+1.0) \times 1.0 + \frac{1}{2} \times (-1.0) \times 1.0^2$$

$$= +1.0 + (-0.50) = +0.50 \text{ [m]}$$

- ③より、 $t=4.0$ [s]のときのIの原点Oからの変位は -4.0 mだから、Iの $t=0$ [s]から $t=4.0$ [s]までの移動距離は、 $0.5+0.5+4.0=5.0$ [m]



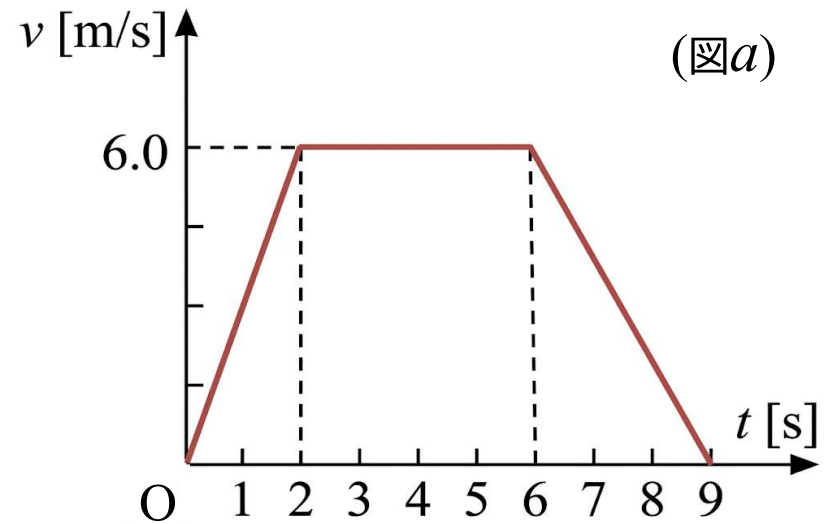
1 時間調整の問題

■グラフの概形(おおよその形)の確認

- ① 等速直線運動する物体の x - t 図は、1次関数(直線)のグラフになる。そして、グラフの傾きは速度 v に対応する。
- ② 等加速度直線運動する物体の x - t 図は、放物線のグラフになる。そして、加速度 a が正の数の時は下に凸、加速度 a が負の数の時は上に凸の放物線となる。
- ①②より、 $0 \sim 2.0$ s間は、下に凸の放物線、 $2.0 \sim 6.0$ s間は、傾き(速度) 6.0 の直線、 $6.0 \sim 9.0$ s間は上に凸な放物線となり、 $t=2.0$ s、 6.0 sでグラフはなめらかに接続する。

■ v - t 図の作成と各点の座標の確認

v - t 図(図a)を作成し、その面積から移動距離 x を求めることで、時間と距離の関係を整理する。



(移動距離 x) = (v - t 図の面積) を用いて x を求める。

$$t = 2.0 \text{ s} : x = \frac{1}{2} \times 2.0 \times 6.0 = 6.0 \text{ m}$$

$$t = 6.0 \text{ s} : x = \frac{1}{2} \times (4.0 + 6.0) \times 6.0 = 30 \text{ m}$$

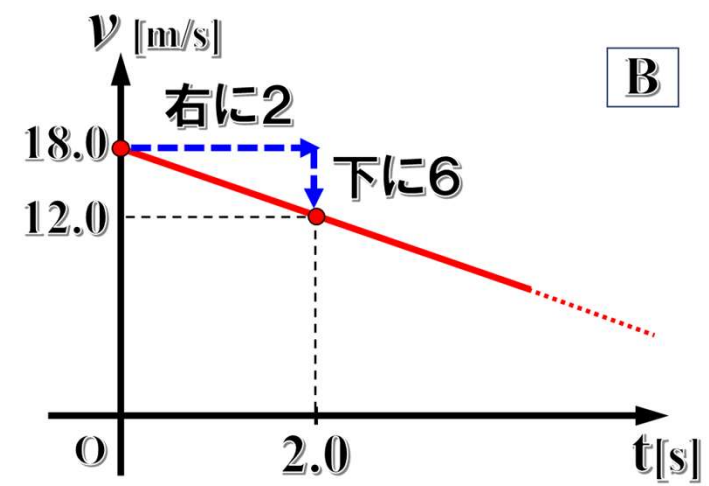
$$t = 9.0 \text{ s} : x = \frac{1}{2} \times (4.0 + 9.0) \times 6.0 = 39 \text{ m}$$

求めた距離と時間を x - t 図にプロットする。

【補足】 数学I(1次関数)、数学II(微分法)を学習すると、原点の位置および $t=9.0$, $x=39$ の位置がそれぞれの放物線の頂点(山もしくは谷の部分)の座標であることがわかるようになり、より正確なグラフが書けるようになる。

2 自動車A, B の運動を $v-t$ 図に整理する。

(1)



$v-t$ 図の傾きを求める。

$$B \text{ の加速度 : } a_B = \frac{12.0 - 18.0}{2.0 - 0} = \underline{\underline{-3.0}} [\text{m/s}^2]$$

車間距離が最も短くなる時 \Rightarrow AとBの速度が同じ

これを手掛かりにAの $v-t$ 図を作成する。

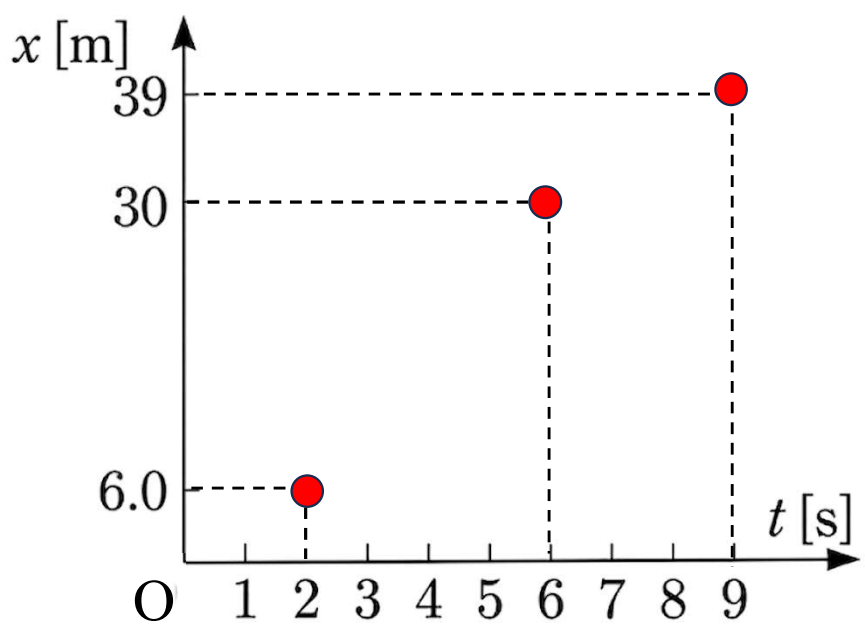


図 b

最後に各点を適切な線で結ぶ。 (答)

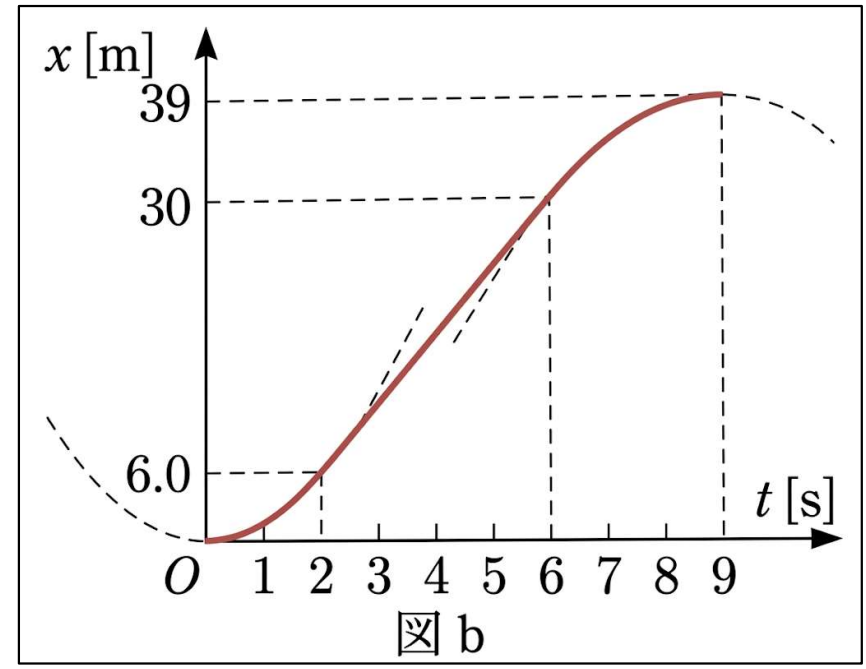
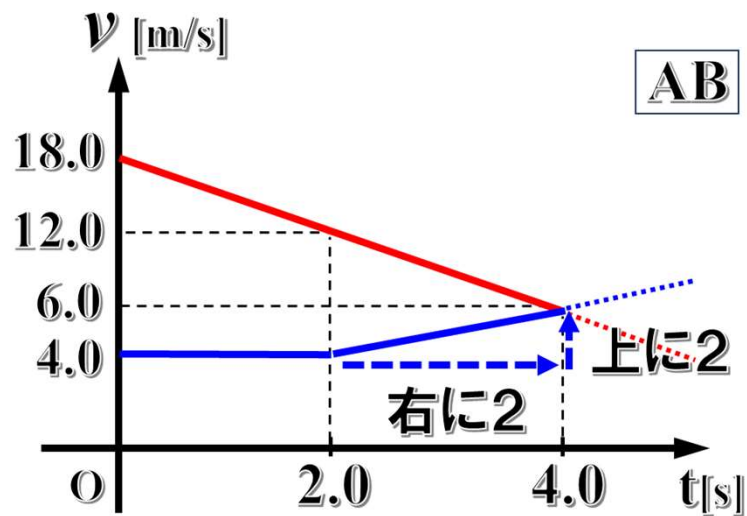


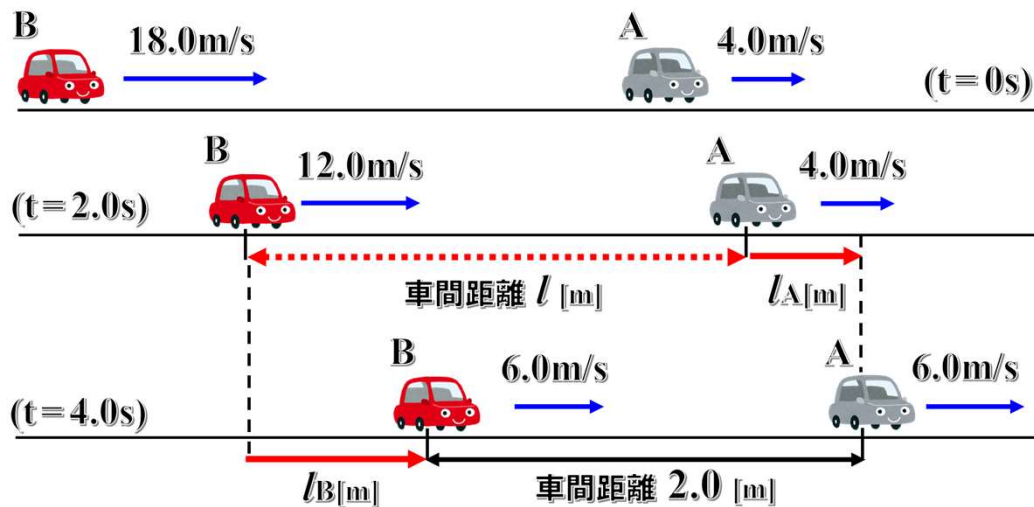
図 b



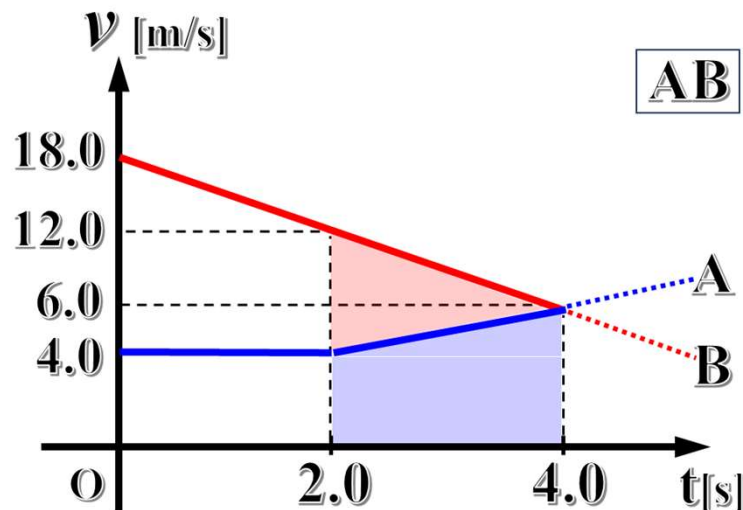
($t=2.0\text{s}$ 以後の)
 Aの加速度 $a_A = \frac{6.0 - 4.0}{4.0 - 2.0} = \underline{1.0} [\text{m/s}^2]$

(2) 自動車A, B の車間距離を整理する。

車間距離について

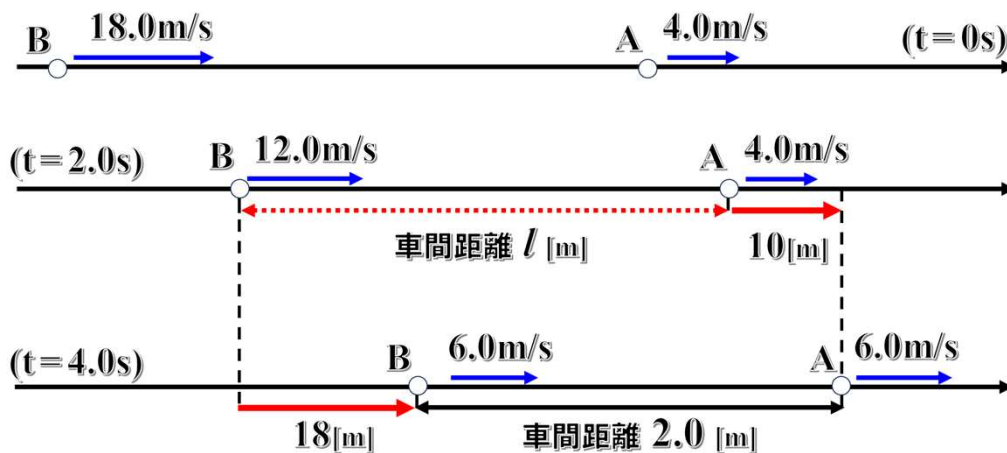


$v-t$ 図を利用して、 $t=2.0\text{s}$ から $t=4.0\text{s}$ における A と B の移動距離を求める。移動距離は $v-t$ 図の面積。



Bの移動距離: $l_B = (6.0 + 12.0) \times 2.0 \div 2 = 18\text{m}$

Aの移動距離: $l_A = (4.0 + 6.0) \times 2.0 \div 2 = 10\text{m}$



$t=2.0\text{s}$ の瞬間のAとBの車間距離 l は、

$l + 10 = 18 + 2.0$ より

(答) $l = 10\text{m}$